

**Präsenzübungen zur Vorlesung**

**Kryptanalyse**

**WS 2010/2011**

Blatt 10 / 15. Dezember 2010

**AUFGABE 1:**

Gegeben seien 30 zufällig gewählte Personen. Wir nehmen an die Geburtstage seien über das gesamte Jahr (ohne 29.02.) gleichverteilt.

- a) Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass mehrere der 30 Personen heute Geburtstag haben?
- b) Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass mindestens 2 der 30 Personen am gleichen Tag Geburtstag haben?
- c) Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit aus b) gerade bei Ihnen im Raum?
- d) Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass mindestens 3 der 30 Personen am gleichen Tag Geburtstag haben?

**AUFGABE 2:**

Gegeben sei eine 128-Bit Hashfunktion. Benutzen sie das Geburtstagsparadoxon, um Kollisionen dieser Hashfunktion zu finden. Wieviele Hashwerte müssen Sie bilden, um mit einer Wahrscheinlichkeit von 50% eine Kollision zu finden?

*Hinweis:* Benutzen Sie die Approximation  $e^{-\frac{n(n-1)}{2m}}$  für die Wahrscheinlichkeit, dass in einer Stichprobe der Größe  $n$  eines von  $m$  möglichen Ereignissen mindestens 2x auftritt.