

## Kryptographie I

### Übungsblatt 9

---

**Aufgabe 1** *Ein Beispiel*

Gegeben sei folgende Rekursionsgleichung

$$s_t = s_{t-2} + s_{t-3}$$

über  $\mathbb{F}_2$ .

1. Berechnen Sie die Folge der  $s_t$  für

$$s_0 = 1 \quad s_1 = 1 \quad s_2 = 0$$

2. Bestimmen Sie für jede mögliche Wahl der Initialzustände eine Darstellung der Folge als

$$s_t = \text{Tr}(\theta \alpha^t)$$

**Aufgabe 2** *Gleichverteilt*

Sei eine lineare Rekursionsgleichung über  $\mathbb{F}_2$  mit irreduziblem charakteristischem Polynom gegeben. Zeigen Sie, dass für jede Wahl der Initialwerte die Rekursionsfolge entweder konstant 0 ist oder die Werte 0 und 1 gleichhäufig auftreten.

**Aufgabe 3** *Der zentrale Satz*

Sei eine lineare Rekursionsgleichung mit charakteristischem Polynom  $f$  gegeben. Seien  $\alpha_1, \dots, \alpha_r$  verschiedene Nullstellen von  $f$ . Dann erfüllt die Folge

$$s_t = \lambda_1 \alpha_1^t + \lambda_2 \alpha_2^t + \dots + \lambda_r \alpha_r^t$$

für jede Wahl der Konstanten  $\lambda_i$  die Rekursionsgleichung.