



Hausübungen zur Vorlesung
Kryptographie I
WS 2009

Blatt 5 / 14. Dezember 2009 / Abgabe 21. Dezember 2009, 12 Uhr

AUFGABE 1 (5 Punkte):

Zeigen Sie, dass der einfache CBC-MAC *nicht* sicher ist, wenn er wie auf Folie 96 erwähnt, mit variablem l konstruiert wird.

AUFGABE 2 (5 Punkte):

Betrachten Sie einen sicheren MAC $\Pi = (\text{Gen}, \text{Mac}, \text{Vrfy})$ und für $k \in \{0, 1\}^n$ den Algorithmus $\text{Mac}_k : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{t(n)}$. Zeigen Sie: t muss super-logarithmisch sein, d.h. wenn $t(n) = \mathcal{O}(\log n)$ kann Π kein sicherer MAC sein.

AUFGABE 3 (5 Punkte):

Betrachten Sie die Merkle-Damgard-Konstruktion aus der Vorlesung, und nehmen Sie an, dass der Block x_{B+1} *nicht* mit in die Berechnung einbezogen wird. Geben Sie zwei Nachrichten $x \neq x'$ an, für die $H(x) = H(x')$ gilt, und erklären Sie, welcher Schritt im Sicherheitsbeweis auf Folie 104 nicht mehr richtig funktioniert.

AUFGABE 4 (5 Punkte):

Sei F eine Pseudozufallsfunktion. Zeigen Sie, dass der folgende MAC für Nachrichten der Länge $2n$ unsicher ist: Der Key sei zufällig der Länge n . Eine Nachricht der Länge $2n$ der Form $m_1 || m_2$ und $|m_1| = |m_2|$ wird mittels $\langle F_k(m_1), F_k(F_k(m_2)) \rangle$ authentifiziert.