

Präsenzübungen zur Vorlesung

Kryptanalyse

WS 2012/2013

Blatt 1 / 16. Oktober 2012

AUFGABE 1:

Zeigen Sie, dass kein Public-Key Kryptosystem mit *deterministischer* Verschlüsselungsfunktion semantisch sicher ist.

AUFGABE 2:

Sei G eine endliche multiplikative Gruppe mit neutralem Element 1. Sei $a \in G$ beliebig. Zeigen Sie, dass $\langle a \rangle = \{a^1, a^2, \dots, a^{\text{ord}(a)}\}$ eine multiplikative Gruppe ist.

AUFGABE 3:

Berechnen Sie mit Hilfe des Erweiterten Euklidischen Algorithmus das Inverse von 13 in \mathbb{Z}_{21}^* .

AUFGABE 4:

Bestimmen Sie die Ordnungen der multiplikativen Gruppen \mathbb{Z}_{15}^* , \mathbb{Z}_{17}^* und \mathbb{Z}_{27}^* . Bestimmen Sie außerdem $\text{ord}(2)$ in diesen Gruppen.

AUFGABE 5:

Finden Sie alle Lösungen der folgenden Gleichungen.

(a) $3x + 3 = 7 \pmod{8}$

(b) $x^2 = 1 \pmod{14}$