

Präsenzübungen zur Vorlesung

Kryptanalyse

WS 2012/2013

Blatt 5 / 13. November 2012

AUFGABE 1:

Sei $N \in \mathbb{N}$ und $f(x) = x^n + a_{n-1}x^{n-1} + \dots + a_1x + a_0$. Lösen Sie die Polynomgleichung $f(x) = 0 \pmod N$ mittels Linearisierung und Lösen eines SVPs. Welche Schranke erhalten Sie für die Größe der Lösung?

AUFGABE 2:

Seien $N_1 < \dots < N_5$ paarweise teilerfremde RSA Moduln. Geben Sie einen effizienten Algorithmus zum Lösen folgenden Gleichungssystems an:

$$\begin{aligned}c_1 &= m^3 \pmod{N_1} \\c_2 &= m^3 \pmod{N_2} \\c_3 &= m^5 \pmod{N_3} \\c_4 &= m^5 \pmod{N_4} \\c_5 &= m^5 \pmod{N_5}.\end{aligned}$$

AUFGABE 3:

Seien $c = m^3 \pmod N$ und $c' = (m + r)^3 \pmod N$ zwei RSA-verschlüsselte Nachrichten. Zeigen Sie, dass man m mit Hilfe von c, c', r und N effizient berechnen kann. Sie benötigen für die Lösung nur elementare Arithmetik (Addition, Subtraktion, Multiplikation, Division (mit Rest)) modulo N .